

Seminar zur Vorlesung über Periodenbereiche

Blatt 12, Vorträge am 23.11.2006

Aufgabe 28

Seien $0 \leq i < n$ und sei $I = \{1, \dots, n - i - 1\}$. Sei W die Weylgruppe und $\{\alpha_1, \dots, \alpha_{n-1}\}$ die Menge der einfachen Wurzeln (mit der üblichen Nummerierung) der Gruppe GL_n .

Bestimme die Mächtigkeit der Menge

$$\{w \in W; \forall j \in I : w\alpha_j > 0, \forall j \notin I : w\alpha_j < 0\}.$$

Aufgabe 29

Sei k ein endlicher Körper, und sei \bar{k} ein algebraischer Abschluss von k .

Sei $X \subset \mathbb{P}_{\bar{k}}^2$ die Vereinigung aller k -rationalen Geraden (aufgefasst als abgeschlossene Untervarietät). Bestimme die Kohomologie mit kompaktem Träger von X .

Aufgabe 30

Seien k, \bar{k} und X wie in Aufgabe 29.

a) Sei $\Omega^3 = \mathbb{P}_{\bar{k}}^2 \setminus X$. Bestimme die Kohomologie mit kompaktem Träger von Ω^3 .

b) Sei V ein dreidimensionaler k -Vektorraum, sei $g : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{Z}_{\geq 0}$ eine Funktion mit $\text{supp}(g) = \{x_1 > x_2 > x_3\}$, $g(x_i) = 1$ für alle i und $x_1 - x_2 > x_2 - x_3$.

Sei \mathcal{F}^{ss} der zugehörige Periodenbereich (vgl. Blatt 2, Aufgabe 3 oder [Ra] Ex. 2.2 (i)). Bestimme die Kohomologie mit kompaktem Träger von \mathcal{F}^{ss} .

Literatur

- [Ra] M. Rapoport, *Period domains over finite and local fields*, Algebraic geometry, Santa Cruz 1995, 361–381, Proc. Sympos. Pure Math. **62**, Part 1, Amer. Math. Soc., Providence, RI, 1997.